الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2017

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: آداب وفلسفة ، لغات أجنبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 20 سا و30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (06 نقاط)

c=1954 و b=1437 ، a=2016 و a=b و b , a=b و نعتبر الأعداد الطبيعية

- .5 عيّن باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد b ، a و على (1
- ملى على 5. و $a imes b^4$ و a imes b imes c ، a + b + c : استنتج باقي القسمة الإقليدية لكل من الأعداد (2
 - $.b^{4n}\equiv 1$ [5] ، n عدد طبیعي أنه من أجل كل عدد (3
 - .5 يقبل القسمة على $b^{2016}-1$ يقبل القسمة على .5
 - .c = -1[5] أ) تحقّق أنّ: (4
 - . $c^{1438} + c^{2017} \equiv 0[5]$: بيّن أنّ

التمرين الثاني: (06 نقاط)

 $u_1=320$ و $u_1=20$ حيث $\mathbb N$ متتالية هندسية حدودها موجبة تماما ، معرّفة على $u_1=20$

- بيّن أنّ أساس المتتالية (u_n) هو 4 وحدها الأول هو 5. (1
- كتب عبارة الحد العام للمتتالية (u_n) بدلالة n ثم استنتج قيمة حدها السابع.
- $S = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ شيء S حيث n المجموع n المجموع (أ (3 $S' = u_0 + u_1 + \dots + u_6$ حيث $S' = u_0 + u_1 + \dots + u_6$ استنتج قيمة المجموع n حيث n حيث n حيث n

التمرين الثالث: (08 نقاط)

$$f(x) = \frac{4x-3}{2x-2}$$
 نعتبر الدالة العددية f المعرّفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ كما يلي:

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$ التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس المستوي المستوي

- $f(x) = 2 + \frac{1}{2x 2}$ ، 1 نحقّق أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن 1 (1
- $\lim_{x \to -1} f(x)$ و $\lim_{x \to -1} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و (2) احسب النهايات التالية $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و (2) استنتج معادلتي المستقيمين المقاربين للمنحنى $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ استنتج معادلتي المستقيمين المقاربين للمنحنى $\lim_{x \to -\infty} f(x)$
 - $f'(x) = \frac{-2}{(2x-2)^2}$ ،1 بيّن أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن x عدد حقيقي (3
 - ب) استنتج اتجاه تغیر الدالهٔ f ثم شکل جدول تغیراتها.
 - 4 جد إحداثيات نقط تقاطع المنحنى (C_f) مع حاملي محوري الإحداثيات.
 - . 2 اكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة (5
 - (C_f) و (Δ) ارسم (Δ

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (06 نقاط)

 $u_3 + u_7 = 50$ و $u_0 = -5$ و يا بحدّها الأوّل $u_0 = -5$ و المجموعة $u_0 = -5$

- (u_n) عيّن الأساس المتتالية (1
- $u_n = 6n 5$ ، n بیّن أنّ: من أجل كل عدد طبیعي (2
- (3) اثبت أنّ العدد 2017 حد من حدود المتتالية (u_n) ، ماهي رتبته
- $S=u_0+u_1+\cdots\cdots+u_n$ حيث S حيث n المجموع (4

التمرين الثاني: (06 نقاط)

c=2017 و b=1966 ، $a\equiv -5$ و b=1966 و b=1966 و b=1966 و

- من باقي القسمة الإقليدية لكل من الاعداد a و b ، a على c و d على d
 - .b = -1[7] تحقّق أنّ: (2
 - .7 يقبل القسمة على $b^{2017} + 3 \times c^{1438} 2$ يقبل القسمة على (3
- . $2^{3k+2} \equiv 4$ و $2^{3k+1} \equiv 2$ و $2^{3k+1} \equiv 2$ ثم استنتج أن $2^{3k} \equiv 1$ و $2^{3k+2} \equiv 4$ و $2^{3k+2} \equiv 4$ و $2^{3k+2} \equiv 4$
 - عيّن قيم العدد الطبيعي n حتى يكون 2^n+3 قابلا للقسمة على 7.

التمرين الثالث: (08 نقاط)

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 4x$$
 : ب المعرّفة على المعرّفة على بالمعرّفة المعرّفة على المعرّفة على المعرّفة المعرّفة على بالمعرّفة على المعرّفة على المعرّفة المعرّفة المعرّفة المعرّفة على المعرّفة ا

- $(O; \vec{i}, \vec{j})$ التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)
 - . $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x\to -\infty} f(x)$: احسب النهايتين التاليتين (1
 - f'(x) = (x-2)(x+2) ، x عدد حقیقی عدد الجل کل عدد (2 فرا الجل کا عدد الجل کا عدد الجل کا الجل کا عدد الجل کا عدد الجل کا الحکا کا الحکا کا الجل کا الجل کا الحکا کا کا الحکا کا کا الحکا کا کا الحکا کا الحکا کا الحکا کا الحکا کا الحکا کا الحک
 - . f استنتج اتجاه تغیّر الداله $oldsymbol{+}$
 - f شكّل جدول تغيرات الدالة (3
- . المعادلة f(x)=0 ، استنتج احداثيات نقط تقاطع (C_f) مع حاملي محوري الإحداثيات.
 - . يقبل نقطة انعطاف هي مبدأ المعلم (C_f) بيّن أن
 - .0 اكتب معادلة المماس (T) للمنحني المنحني النقطة ذات الفاصلة (C_f) اكتب معادلة المماس
 - (C_f) ارسم (T) ارسم (T

انتهى الموضوع الثاني

		الموضوع الأول			
		التمرين الأول: (06 نقاط)			
1.50	3×0.5	$c = 4[5] \cdot b = 2[5] \cdot a = 1[5] (1)$			
1.50	3×0.5	$b^4 \equiv 1[5] a \times b \times c \equiv 3[5] a + b + c \equiv 2[5] (2)$			
	0.75	$.b^{4n}\equiv 1$ [5] أ) التحقق أنّ $[5]$ (3			
1.50		ب) الاستنتاج:			
	0.75	$b^{2016}-1\equiv 0[5]$ معناه $b^{2016}-1\equiv (b^{4 imes 504}-1)[5]$ لدينا			
1.50	0.50	$\cdot c \equiv -1[5]$: أ) التحقق أن			
1.30	01	$.c^{1438} + c^{2017} \equiv 0$ [5]: بيان أن			
		التمرين الثاني: (06 نقاط)			
	01	$\begin{cases} u_0 q = 20 \\ u_0 q^3 = 320 \end{cases} $ (1)			
0.2		$\left(u_0 q^3 = 320\right)^{1/2}$			
02	01	$\begin{cases} u_0 = 5 \\ a = 4 \end{cases}$			
	01	q = 4			
	01	$u_n = 5 \times 4^n$ عبارة الحد العام: (2			
02	01	$u_6 = 20480$			
02	01	$S = \frac{5}{3} [4^{n+1} - 1]$ المجموع (1) المجموع			
	01	S' = 27305 (ب			
بن الثالث: (08 نقاط)					
0.50	0.50	$f(x) = 2 + \frac{1}{2x - 2}$ ، التحقّق أنّ: من أجل كل عدد حقيقي x يختلف عن 1 (1			
2.50	4×0.5	$\lim_{x \to \infty} f(x) = +\infty \lim_{x \to \infty} f(x) = -\infty \lim_{x \to +\infty} f(x) = 2 \lim_{x \to \infty} f(x) = 2 \text{(i)} \text{(2)}$			
2.50	2×0.25	ب $y = 2$ ، $x = 1$ ب			
	0.50	$f'(x) = \frac{-2}{(2x-2)^2}$ ، ا بیان أنّ: من أجل كل عدد حقیقي x یختلف عن x یختلف عن x (3)			
1.75	0.50	f استنتاج اتجاه تغير الدالة f			
		بما أن $f'(x) < 0$ فان f متناقصة تماما			
	0.75	جدول التغيرات.			

01	2×0.5	, $(C_f) \cap (yy') = \left\{ B(0; \frac{3}{2}) \right\}, (C_f) \cap (xx') = \left\{ A(\frac{3}{4}; 0) \right\}$ (4
0.75	0.75	$y=-rac{1}{4}x+3:(\Delta)$ معادلة المماس (5 (C_f) و (Δ) رسم (6 (C_f)
1.50	0.50	(C_f) و (Δ) رسم (6 (C_f)
		الموضــــوع الثاني
01	0.1	التمرين الأول: (06 نقاط)
1.50	1.50	$r=6$: (u_n) الأساس r للمتتالية (1) الأساس $r=6$ الأساس $r=6$ الأساس $r=6$ الأساس $r=6$
1.50	1.50	$u_n = 6n - 5$ ، بيان أنّ: من أجل كل عدد طبيعي $u_n = 6n - 5$ ، رتبته هي $u_n = 6n - 5$ ، رتبته هي $u_n = 6n - 5$ ، رتبته هي 338
02	02	S = (n+1)(3n-5) المجموع (4 – $S = (n+1)(3n-5)$
		التمرين الثانى: (06 نقاط)
1.50	3×0.5	$c = 1 \lceil 7 \rceil b = 6 \lceil 7 \rceil a = 2 \lceil 7 \rceil (1)$
0.50	0.50	$b\equiv -1$ التحقّق أنّ: $b\equiv -1$ (2
01	01	$b^{2017} + 3 \times c^{1438} - 2 \equiv 0[7]$ اثبات أنّ (3
02	01	$2^{3k}\equiv 1$ [7]، k التحقق أنّ: من أجل كل عدد طبيعي k
	2×0.5	$2^{3k+2}\equiv 4igl[7igr]$ و $2^{3k+1}\equiv 2igl[7igr]$ و
01	01	$n=3k+2$ $/$ $k\in\mathbb{R}$ معناه $2^n+3\equiv 0$ [7] (5
		التمرين الثالث: (08 نقاط)
01	2×0.5	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty : \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty $ (1
1.50	01	f'(x) = (x-2)(x+2) ، x عدد حقیقی x ، و (2) أ) بیان أنّ: من اجل كل عدد حقیقی
	0.50	. f استنتاج اتجاه تغيّر الدالة f

0.75	0.75	. f جدول تغیرات الدالة (3
	0.75	$S = \{0; 2\sqrt{3}; -2\sqrt{3}\}$ (4
1.50	0.75	$(C_f) \cap (xx') = \{A(2\sqrt{3};0), O(0;0), B(-2\sqrt{3};0)\}$
1	1	بيان أن (C_f) يقبل نقطة انعطاف هي مبدأ المعلم.
0.75	0.75	(T): y = -4x معادلة المماس (6
1.50	0.5	رسم (C_f) والمنحنى (C_f) والمنحنى (C_f) والمنحنى (C_f)